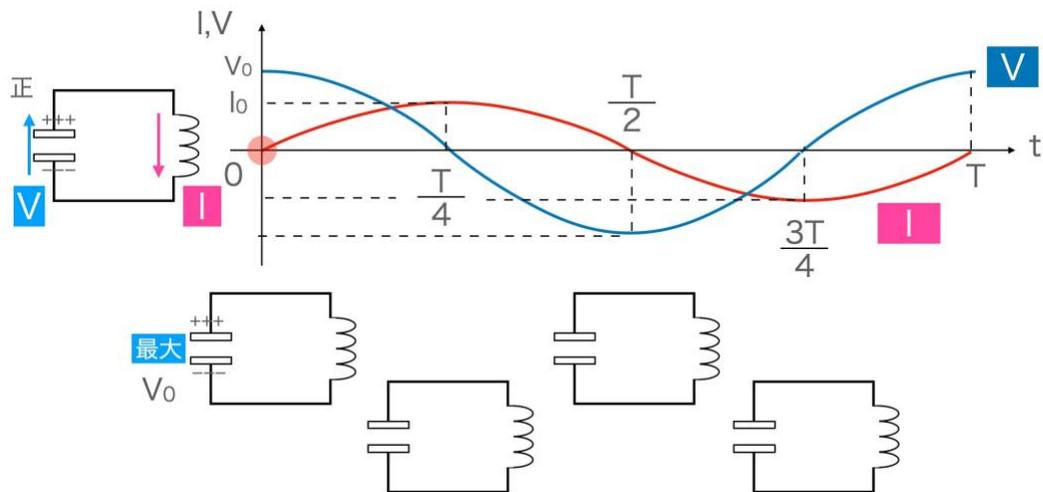


○ 電気振動

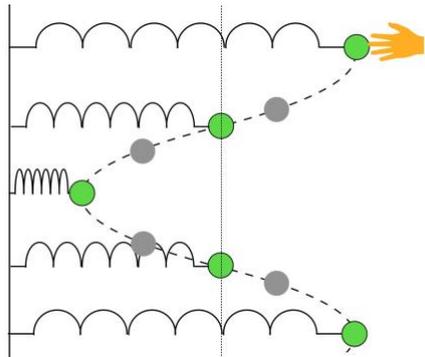
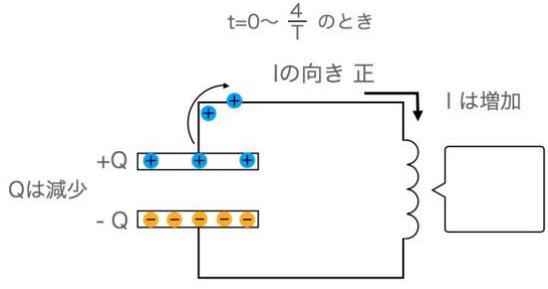
充電したコンデンサーとコイルを接続すると、回路の中で電流が行き来する現象が起こります。これを () といいます。また電気振動の周期は、 $T = ()$ で表せます。



またコイルやコンデンサーが理想的なものでエネルギー損失がないとすると、エネルギーが保存します ($\frac{1}{2}CV^2 + \frac{1}{2}LI^2 = \text{一定}$)。そのため、例えば $t=0$ と $t=\frac{4}{T}$ の状態では次の式が成り立ちます。

=

・ 電気振動の周期を導いてみよう

| 力学の単振動 (復習) | 電気振動 |
|---|--|
|  <p> $x = A \sin \omega t$ ① $v = \frac{dx}{dt} = ()$ ② $a = \frac{dv}{dt} = ()$ ③ ③より、復元力は、 $F = ma = ()$ </p> | <p>ある時 ($t=0 \sim T/4$) のときの様子です。</p> <p>$t=0 \sim \frac{4}{T}$ のとき</p>  <p> キルヒホッフの法則より $= 0$ ① </p> <p>また電流はコンデンサーの電気量が減る ($\frac{dQ}{dt} < 0$) ため、図の時計回りの向きを電流の正とする</p> |

①を代入すると、

$$F = (\quad)$$

() は定数なので、これを k と置き換えると、 $F = (\quad)$ となり、単振動の動きをする物体には復元力 $-kx$ がはたらいていることが導かれました。

また $ma = -kx$ より、単振動の運動方程式は、

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{m}x \quad \dots A$$

という式で表すことができます。この関係式になる場合の解の1つが、 $x = A \sin \omega t$ という式です。他にも正弦波の位相がずれた形 ($x = A \sin(\omega t + \alpha)$) はすべて解となります(大学の範囲)。

と、

$$I = (\quad) \quad \textcircled{2}$$

①②より、単振動の運動方程式と形を合わせると、

$$\frac{Q}{C} =$$

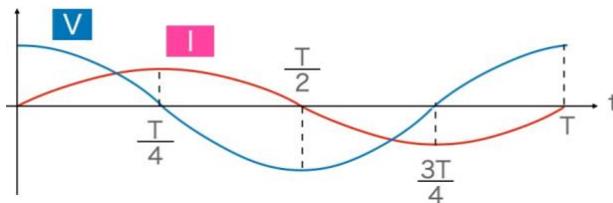
$$\frac{d^2Q}{dt^2} = \quad \dots B$$

という形になります。A と同じ形なので、この解の式は正弦波で表すことができ、例えば $Q = A \cos \omega t$ とすると、

$$I = -\frac{dQ}{dt} =$$

$$V = L \frac{dI}{dt} = \left(-L \frac{d^2Q}{dt^2} \right) = LA\omega^2 \cos \omega t$$

となり、下のグラフと一致します。



また周期は単振動の周期が $T = \left(2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \right)$ で、電気振動との対応関係 (A と B) から、 $\frac{k}{m} = \frac{1}{LC}$

となっているので、電気振動の周期は、 $T = \left(2\pi \sqrt{LC} \right)$ となります。

問題 起電力 6.0V の電池で、電気容量 C のコンデンサーを充電してから、自己インダクタンス 2.0H のコイルと接続をした($t=0$)ところ、コンデンサーの電圧の時間変化が図のようになった。次の各問いに答えなさい。有効数字は2桁とする。

- (1) コンデンサーの電気容量 C は何 F ですか。
- (2) 回路に流れる最大電流 I_0 は何 A ですか。

